أسئلة المحتوى وإجاباتها

جمع المتجهات وطرحها

✓ أتحقق صفحة (19):

أوضح المقصود بطريقة المضلع لإيجاد محصلة متجهات عدّة بيانياً.

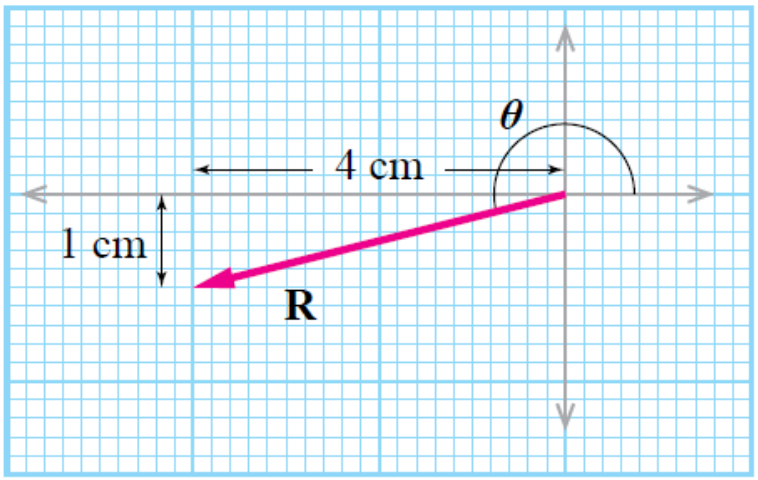
طريقة المضلع: هي طريقة بيانية لإيجاد محصلة متجهين أو أكثر عن طريق تمثيل المتجهات بأسهم، ثم تركيبها بوضع ذيل المتجه الثاني على رأس المتجه الأول، وهكذا بالترتيب حتى آخر متجه، فيمثل طول السهم الواصل من ذيل المتجه الأول إلى رأس المتجه الأخير مقدار المحصلة، ويمثل اتجاه السهم اتجاه المحصلة.

أفكر صفحة (25):

بطريقة رياضية من دون استخدام المنقلة في المثال 10هل يمكن إيجاد الزاوية θ ؟ أوضّح ذلك.

R بين متجه المحصلة θيمكن إيجاد الزاوية ومحور x- باستعمال النسب المثلثية؛ سواء كان sin ، أو cos ، أو tan . ففي المثال 10، يمكن حساب الزاوية المبينة في الشكل θأدناه على النحو الآتي:

$$\Theta = \tan^{-1}\text{-}1\text{-}4 = \tan^{-1} 0.25 = 14^{o}$$



✓ أتحقق صفحة (24):

لماذا يعد إيجاد محصلة متجهات عدة بالطريقة التحليلية أكثر دقة من إيجادها بالطريقة البيانية؟

لأن طريقة إيجاد المحصلة بيانيًا تفتقر إلى الدقة، بسبب أخطاء في عمليات القياس؛ وذلك عند قياس الأطوال والزوايا.

✓ أتحقق صفحة (24):

ما المقصود بتحليل المتجه؟

تحليل المتجهات إلى مركباتها: -xالاستعاضة عن متجهٍ بمتجهين متعامدين (على محوري y مثلاً) يُسميان مركبتي المُتجه، ومحصلتهما المتجه نفسه، وهما يتحدان معه في نقطة البداية.

أفكر صفحة (24):

ما علاقة صورة لاعب كرة السلة –في بداية الوحدة- بتحليل المتجهات؟

vسدد لاعب كرة السلة نحو المرمى بسرعة محددة ، وفي اتجاه يصنع زاوية محددة (مثل) مع الأفق، فأصبح للسرعة مركبتان:θ

- vθ cosمركبة أفقية ()، تؤثر في المسافة الأفقية بين الكرة والمرمى.
- v sin θمركبة عمودية ()، تؤثر في المسافة العمودية بين الكرة والمرمى.

تمرين صفحة (24):

vأطلقت قذيفة بسرعة ، وكانت المركبة الأفقية للسرعة (-20 m/s) والمركبة العمودية لها (40 m/s). أجد مقدار السرعة v، واتجاهها.

$$v = vx2 + vy2$$

$$v = (-20)2 + (40)2 = 44.7 \text{ m/s}$$

x-يحدد اتجاه السرعة بإيجاد الزاوية التي يصنعها متجه السرعة مع محور ():

$\theta = \tan^{-1} vyvx = \tan^{-1} 40\text{-}20 = \tan^{-1} (2) = 64^{o}$

✓ أتحقق صفحة (25):

$x+$أحدد اتجاه المحصلة عندما تتساوى محصلة المركبات على محور مع محصلة المركبات على محور $y+$.

يُحدَّد اتجاه المحصلة باستعمال العلاقة الآتية:

$$\alpha = \tan^{-1} \frac{R_y}{R_x}$$

ولكن:

$$R_x = R_y$$

$$\alpha = \tan^{-1} (1) = 45^{o}$$

وهي الزاوية نفسها (45^{o}) التي تتساوى عندها المُركَّبة الأفقية مع المُركَّبة العمودية.

أفكر صفحة (25):

y (R_y)إذا كانت محصلة المركبات على محور لمجموعة من المتجهات صفراً، فهل يعني ذلك بالضرورة أن جميع تلك المتجهات تقع فقط على محور x ؟ أفسّر إجابتي.

لا، ليس شرطاً أن تقع تلك المتجهات جميعها على محور فقط، ولكن يشترط أن يكون (R_y = مجموع المركبات العمودية الموجبة مساوياً لمجموع المركبات العمودية السالبة .0)

تمرين صفحة (28):

شحنة كهربائية تؤكر فيها ثلاث قوى كهربائية على النحو الآتي:

200 N في اتجاه الجنوب، 300 N في اتجاه يصنع زاوية مقدارها 53^{o} شمال الغرب، 500 N في اتجاه الغرب. أجد مقدار محصلة القوى الكهربائية المؤثرة في الشحنة

واتجاهها بيانياً.

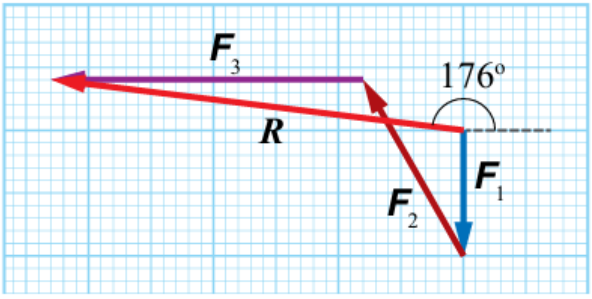
مقياس الرسم: (1)، إذن: 100 N : 1 cm

$F_3 = 5$ cm , $F_2 = 3$ cm , $F_1 = 2$ cm

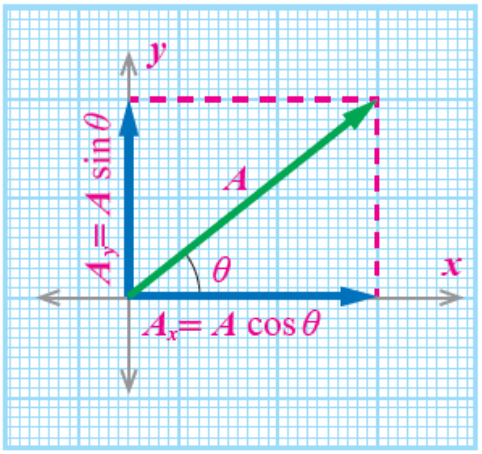
طول سهم المحصلة هو 6.8 cm ، إذن: مقدار المحصلة R هو:

$R = 6.8$ cm x 100 N1 cm = 680 N

باستعمال المنقلة يتبين أن الزاوية بين متجه المحصلة ومحور $x+$ هي: (176^o).



الشكل صفحة (28):



الشكلُ (23): تحليلُ المُتَّجِهِ A إلى مُرَكَّبتيهِ.

أُثبِتُ أنَّ: $A_x^2 + A_y^2 = A^2$.

$$A_x = A\cos\theta$$

$$A_y = A\sin\theta$$

$$A_x^2 + A_y^2 = A^2\cos^2\theta + A^2 sin^2\theta$$

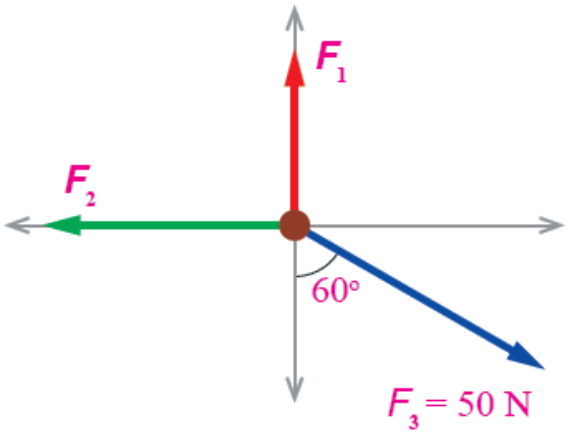
$$A_x^2 + A_y^2 = A^2(\cos^2\theta + sin^2\theta)$$

ولكن: $(\cos^2\theta + sin^2\theta) = 1$

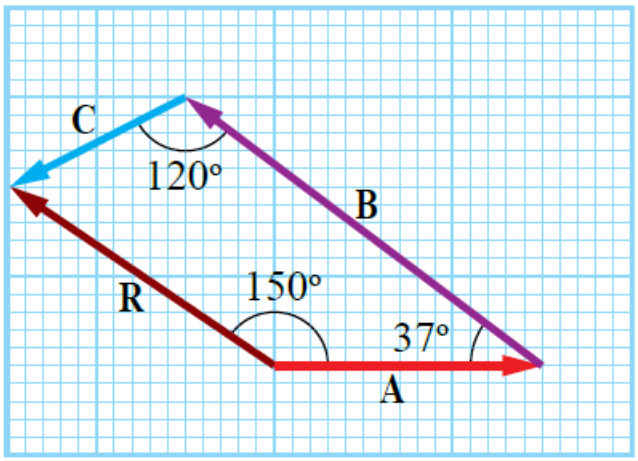
وبذلك، فإنَّ: $A_x^2 + A_y^2 = A^2$

تمرين صفحة (27):

- أجد مقدار المحصلة واتجاهها في المثال السابق بيانياً، ثمّ أقارن النتائج. ماذا أستنتج؟
- تؤثر ثلاث قوى في نقطة مادية كما في الشكل (31). إذا كانت محصلة هذه القوى صفراً. فما مقدار كل من القوتين الأولى والثانية.



مقياس الرسم (1)، والتمثيل البياني موضّح في الشكل التالي: $1u$: 1cm



المحصلة R :

$$R = 2.3\ u\ ,\ 150^{o}$$

من الملاحظ أن النتائج متقاربة ولكنّ إيجاد المحصلة رياضياً أكثر دقّة منه بيانياً؛ نتيجة الأخطاء في دقة القياس.

المعطيات:

$$F_{1x} = 0, \quad F_{2x} = 0, \quad F_3 = 50\ \text{N}, 330^{o}$$

المطلوب:

$$? = F_2 = ?, \quad F_1$$

الحل:

المحصلة تساوي صفراً، وهذا يعني أنّ كلاً من محصلة المركبات السينية والمركبات الصادية تساوي صفراً ()؛ لذا، فإنّ: $F_x = 0\ ,\ F_y = 0$

$$(F_x = F_{1x} + F_{2x} + F_3 \cos (60^{o} + 270^{o}$$

$$0 = 0 + F_{2x} + (50\ \text{x}\ 0.87) \quad F_{2x} = \text{-}43.5\ \text{N} \quad F_2 = 43.5\ \text{N}$$

$$F_y = F_{1y} + F_{2y} + F_3 \sin 330^{o}$$

$$0 = F_{1y} + 0 + (50\ \text{x}\ \text{-}0.5) \rightarrow\ F_{1y} = 25\ \text{N} \rightarrow\ F_1 = 25\ \text{N}$$