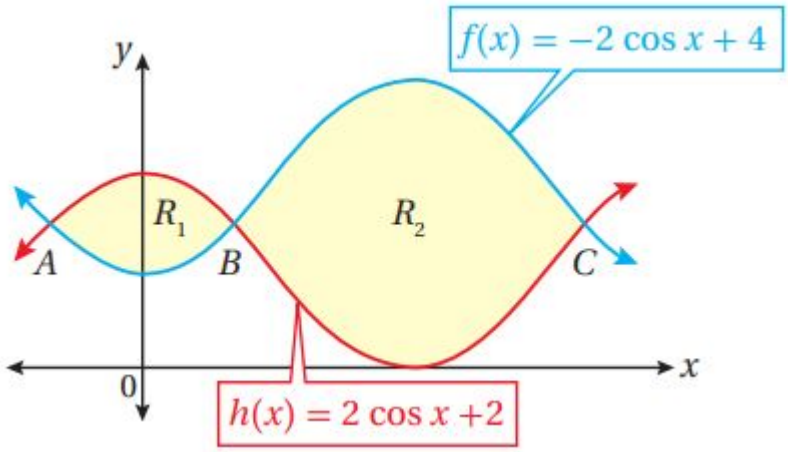
مسألة اليوم

المساحات والحجوم



معتمداً الشكل المجاور الذي يبين منحنيـــــــي الاقترانيـــــــن: $f(x)=-2\cos x+4$، و$h(x)=2\cos x+2$:

(1) أجد إحداثيي كل من النقاط: A,B,C,D.

$h(x)-2\cos x=f(x)+4\cos x=2\cos x+4\Rightarrow 2x+2=x1$

الإحداثي x للنقطة A هو أكبر حل سالب لهذه المعادلة وهو $x=-\pi 3$

$A(-\pi 3,f(-\pi 3))=(-\pi 3,3\Rightarrow$

إحداثيا x للنقطتين B.C هما أصغر حلين موجبين للمعادلة، وهما: $x=\pi 3$ و$x=5\pi 3$

$B(\pi 3,f(\pi 3))=(\pi 3,3),C(5\pi 3,f(5\pi 3))=(5\pi 3,3\Rightarrow$

(2) أجد مساحة كل من المنطقة R1، و المنطقة R2.

$A(R1)=\int -\pi 3\pi 3(h(x)-f(x))dx=\int -\pi 3\pi 3(2\cos x+2-(-2\cos x+4))dx=4\sin x-2x|-\pi 3\pi 3=23-2\pi 3-(-23+2\pi 3)=43-4\pi 3$

$A(R2)=\int \pi 35\pi 3(f(x)-h(x))dx=\int \pi 35\pi 3(-2\cos x+4-(2\cos x+2))dx=4\sin x-2x|5\pi 35\pi 3=10\pi 3+23-(2\pi 3-23)=43+8\pi 3$