

## إجابات كتاب التمارين

### التوزيع الهندسي

إذا كان  $X \sim \text{Geo}(18)$ ، فأجد كلاً مما يأتي، مقرباً إجابتي إلى أقرب 3 منازل عشرية:

(1)  $P(X=4)$

$$P(X=4) = 18(78)^3 = 3434096 \approx 0.084$$

(2)  $P(X \leq 4)$

$$P(X \leq 4) = P(X=1) + P(X=2) + P(X=3) + P(X=4) = 18(78)^3 + 18(78)^2 + 18(78) + 18(78)^0 \approx 0.414$$

(3)  $P(X \geq 2)$

$$P(X \geq 2) = 1 - P(X < 1) = 1 - P(X=1) = 1 - 18(78)^0 = 1 - 18 = 78$$

(4)  $P(3 \leq X < 5)$

$$P(3 \leq X < 5) = P(X=3) + P(X=4) = 18(78)^2 + 18(78)^3 \approx 0.179$$

(5)  $P(X < 2)$

$$P(X < 2) = P(X=1) = 18 = 0.125$$

(6)  $P(X > 5)$

$$P(X > 5) = 1 - P(X \leq 4) \approx 1 - 0.414 = 0.586$$

(7)  $P(1 < X < 3)$

$$P(1 < X < 3) = P(X=2) = 18(78)^1 = 764 \approx 0.109$$

(8)  $P(4 < X \leq 6)$

$$P(4 < X \leq 6) = P(X=5) + P(X=6) = 18(78)^4 + 18(78)^5 \approx 0.137$$

(9)  $P(2 < X \leq 4)$

$$P(2 < X \leq 4) = P(X=3) + P(X=4) = 18(78)^2 + 18(78)^3 \approx 0.179$$

أجد التوقع لكل من المتغيرات العشوائية الآتية:

$$(X \sim \text{Geo}(0.8)) \quad (10)$$

$$E(X) = 1/p = 1/0.8 = 1.25$$

$$(X \sim \text{Geo}(0.1)) \quad (11)$$

$$E(X) = 1/p = 1/0.1 = 10$$

$$(X \sim \text{Geo}(0.75)) \quad (12)$$

$$E(X) = 1/p = 1/0.75 = 1.33$$

أطلق عماد رصاصة نحو هدف بصورة متكررة، ثم توقف عند إصابته الهدف أول مرة. إذا كان احتمال إصابته الهدف في كل مرة هو 0.7، فأجد كلاً مما يأتي:

(13) احتمال أن يصيب الهدف أول مرة في المحاولة العاشرة.

$$P(X=10) = (0.7)(0.3)^9 \approx 0.00001$$

(14) احتمال أن يطلق رصاصتين على الأقل حتى يصيب الهدف أول مرة.

$$P(X \geq 2) = 1 - P(X < 2) = 1 - P(X=1) = 1 - 0.7 = 0.3$$

(15) العدد المتوقع من الرصاصات التي سيطلقها عماد حتى يصيب الهدف أول مرة.

$$E(X) = 1/p = 1/0.7 \approx 1.4$$

دورت هديل مؤشر قرص بشكل متكرر، وكان القرص مقسماً إلى 4 قطاعات متطابقة وملونة بالأحمر، والأخضر، والأزرق، والأصفر. إذا دلّ المتغير العشوائي  $X$  على عدد مرات تدوير مؤشر القرص حتى توقفه عند اللون الأصفر أول مرة، فأجد كلاً مما يأتي:

(16) احتمال أن تكون المرة الثالثة هي أول مرة يتوقف فيها مؤشر القرص عند اللون الأصفر.

$$P(X=3)=(1/4)(3/4)^2=9/64\approx 0.14$$

(17) احتمال أن تدور هديل مؤشر القرص أكثر من 4 مرات حتى يتوقف المؤشر عند اللون الأصفر أول مرة.

$$P(X>4)=1-P(X\leq 4)=1-(P(X=1)+P(X=2)+P(X=3)+P(X=4))=1-1/4-3/16-9/64-27/256\approx 0.32$$

إذا كان  $X$  متغيراً عشوائياً هندسياً، وكان التوقع  $E(X)=2$ ، فأجد كلاً مما يأتي:

$$(P(X=1)) \quad (18)$$

$$E(X)=2\Rightarrow 1/p=2\Rightarrow p=1/2 \quad P(X=1)=1/2$$

$$(P(X>3)) \quad (19)$$

$$P(X>3)=1-P(X\leq 3)=1-(P(X=1)+P(X=2)+P(X=3))=1-1/2-1/4-1/8=1/8=0.125$$