

مهارات التفكير العليا

الشرط الأولي

(16) تبرير: تعطى مشتقة الاقتران $f(x)$ بالقاعدة: $f'(x) = ax + b$ ، حيث a و b ثابتان. إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ عند النقطة $(-2, 8)$ هو 7، وقطع منحنى الاقتران المحور y عند النقطة $(0, 18)$ فأجد قاعدة هذا الاقتران، مبرراً إجابتي.

$$f'(x) = ax + b \quad f(x) = \int (ax + b) dx = a2x^2 + bx + C$$

ميل المماس لمنحنى الاقتران عند النقطة $(-2, 8)$ هو 7 معناه: $f'(-2) = 7$
وكذلك $f(-2) = 8$

لمنحنى الاقتران يقطع المحور عند النقطة $(0, 18)$ معناه: $f(0) = 18$

$$f(-2) = 7 \Rightarrow a(-2) + b = 7 \Rightarrow -2a + b = 7 \dots \dots \dots f(-2) = 8 \Rightarrow a2(-2)^2 + b(-2) + C = 8 \Rightarrow 2a - 2b + C = 8 \dots \dots \dots f(0) = 18 \Rightarrow a2(0)^2 + b(0) + C = 18 \Rightarrow C = 18$$

C نعوض قيمة في المعادلة (2) فنحصل على:

$$2a - 2b + 18 = 8 \Rightarrow 2a - 2b = -10$$

$$\Rightarrow a - b = -5 \dots \dots \dots (4)$$

نجمع طرفي المعادلتين (1) و (4) فنحصل على:

$$-a = 2 \Rightarrow a = -2$$

a نعوض قيمة في المعادلة (4) فنحصل على: $b = 3$

قاعدة الاقتران هي:

$$f(x) = -x^2 + 3x + 18$$

(16) تحدّد: إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران $f(x)$ هو: $(4 - 100x^2)$ ، وكان للاقتران نقطة حرجة عند النقطة $(a, 10)$ ، حيث: $a > 0$ ، فأجد قاعدة هذا الاقتران.

$$f'(x) = 4 - 100x^2 \quad f(x) = \int (4 - 100x^2) dx = \int (4 - 100x - 2) dx = 4x + 100x - 1 + C =$$

$$4x+100x+C$$

f للاقتران نقطة حرجة عند $(a, 10)$ إذن: $f'(a) = 0$ وكذلك $f(a) = 10$

$$f'(a)=0 \Rightarrow 4-100a^2=0 \Rightarrow 4=100a^2 \Rightarrow 4a^2=100 \Rightarrow a^2=25 \Rightarrow a=\pm 5$$

$a > 0$ لكن إذن: $a = 5$ ، ومنه $f(5) = 10$

$$10=4(5)+100(5)+C \Rightarrow C=-30$$

وتكون قاعدة الاقتران:

$$f(x)=4x+100x-30$$