

أتحقق من فهمي

مشتقتا اقتران الجيب واقتان جيب التمام

مشتقة اقتران الجيب، ومشتقة اقتران جيب التمام

أتحقق من فهمي صفحة 83

أجد مشتقة كل اقتران مما يأتي:

(a) $f(x) = 7 + \sin x$

$f'(x) = \cos x$

(b) $f(x) = 3x - \cos x$

$f'(x) = 3 + \sin x$

(c) $f(x) = 3\sin x + 2\cos x$

$f'(x) = 3\cos x - 2\sin x$

مشتقتا الضرب والقسم المتضمنتان اقتراني الجيب وجيب التمام

أتحقق من فهمي صفحة 84

أجد مشتقة كل اقتران مما يأتي:

(a) $f(x) = e^x \cos x$

$f'(x) = (e^x)(-\sin x) + (\cos x)(e^x) = -e^x \sin x + e^x \cos x$

(b) $f(x) = x + \cos x \sin x$

$f'(x) = (\sin x)(1 - \sin x) - (x + \cos x)(\cos x)\sin 2x = \sin x - \sin^2 x - x \cos x - \cos^2 x \sin 2x = \sin x - (\sin^2 x + \cos^2 x) - x \cos x \sin 2x = \sin x - 1 - x \cos x \sin 2x$

مشتقتا اقتران الجيب و اقتران جيب التمام، وقاعدة السلسلة

أتحقق من فهمي صفحة 86

(a) $f(x) = \cos 5x$

$f'(x) = -5 \sin 5x$

(b) $f(x) = \sin x$

$f'(x) = \cos x$

(c) $f(x) = \ln(\cos 3x)$

$f'(x) = -3 \sin 3x \cos 3x$

أتحقق من فهمي صفحة 86

ميناء: يمثل الاقتران: $h(t) = 10 + 4 \sin \frac{\pi}{6}t$ ارتفاع الماء (بالأقدام) عند رصيف أحد الموانئ بعد ساعة تلي الساعة 6 a.m. أجد معدل تغيّر ارتفاع الماء عند الرصيف بالنسبة إلى الزمن t .

$h'(t) = 4 \times \frac{\pi}{6} \cos \frac{\pi}{6}t = \frac{2\pi}{3} \cos \frac{\pi}{6}t$